

$$k_{min} \equiv O(\ln(e^{-1})/v)$$